

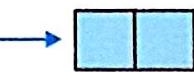
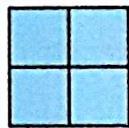
فصل ۲

کسر

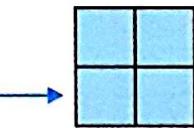
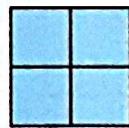
مفاهیم

کسرهای بزرگ‌تر از واحد:

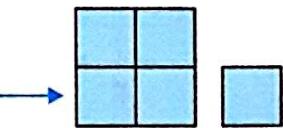
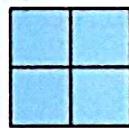
در سال‌های قبل با مفهوم کسر آشنا شدید و می‌دانید که سه نوع کسر داریم: کوچک‌تر از واحد، مساوی با واحد و بزرگ‌تر از واحد.



$$\frac{2}{4} \Rightarrow \text{کوچک‌تر از واحد}$$



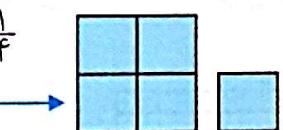
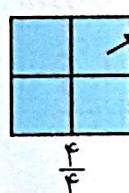
$$\frac{4}{4} = 1 \Rightarrow \text{مساوی با واحد}$$



$$\frac{5}{4} \Rightarrow \text{بزرگ‌تر از واحد}$$

۲

برای تبدیل کسر بزرگ‌تر از واحد به عدد مخلوط می‌توانیم از شکل کمک بگیریم.



$$\Rightarrow \frac{4}{4} + \frac{1}{4} = 1\frac{1}{4}$$

می‌توانیم از راه تقسیم هم این کار را انجام دهیم، یعنی صورت را بر مخرج تقسیم کنیم.

$$\frac{5}{4} = \frac{1}{4} \quad \frac{5}{4} \quad \frac{1}{4}$$

$$\frac{5}{4} = \underbrace{\frac{5}{5}}_{1} + \underbrace{\frac{0}{5}}_{0}$$

حال بدون شکل نیز می‌توانیم کسر بزرگ‌تر از واحد را به عدد مخلوط تبدیل کنیم.

$$\frac{18}{5} = \underbrace{\frac{5}{5} + \frac{5}{5} + \frac{5}{5}}_{3 \text{ واحد}} + \frac{3}{5} = 3\frac{3}{5}$$

در $\frac{18}{5}$ چند تا $\frac{5}{5}$ وجود دارد؟

یا به عبارتی در 18 تا $\frac{1}{5}$ چند تا $\frac{5}{5}$ وجود دارد؟

مالحظه می‌کنیم که 3 تا وجود دارد و 3 تا $\frac{1}{5}$ یعنی $\frac{3}{5}$ هم باقی می‌ماند که کنار واحد می‌نویسیم.

جمع و تفریق عددہای مخلوط:

جمع و تفریق عددہای مخلوط را می‌توانیم به سه روش انجام دهیم.

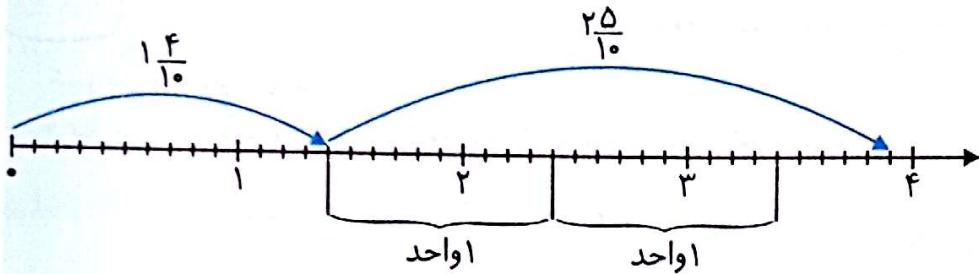
روش اول: در جمع و تفریق عددہای مخلوط ابتدا قسمت صبحی دو کسر را با هم جمع و یا تفریق می‌کنیم. در ادامه قسمت‌های کسری را محاسبه کرده و با قسمت واحد جمع می‌کنیم. مثال:

$$\frac{1}{5} + 1\frac{4}{20} = (2+1) + \left(\frac{1}{5} + \frac{4}{20}\right) = 3 + \left(\frac{4}{20} + \frac{4}{20}\right) = 3\frac{8}{20} = 3\frac{2}{5}$$

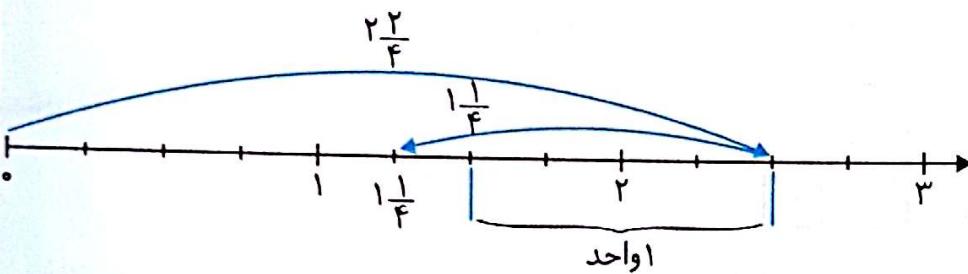
$$\frac{1}{3} - 2\frac{2}{9} = (6-2) + \left(\frac{1}{3} - \frac{2}{9}\right) = (6-2) + \left(\frac{3}{9} - \frac{2}{9}\right) = 4 + \frac{1}{9} = 4\frac{1}{9}$$

روش دوم: می‌توانیم این جمع و تفریق را روی محور انجام دهیم. برای این کار ابتدا مخرج مناسب را پیدا کرده و با توجه به عدد مخرج (هر دو یکی) هر واحد را روی محور به قسمت‌های مساوی تقسیم می‌کنیم.

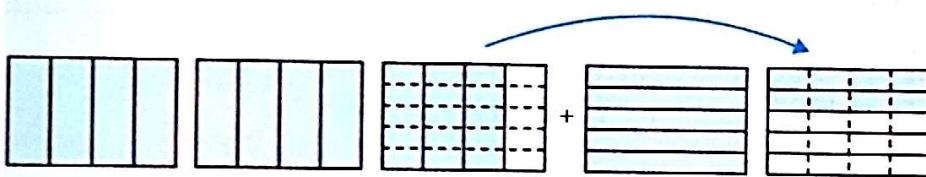
$$\frac{1}{5} + \frac{1}{2} = \frac{1}{10} + \frac{5}{10} = \frac{9}{10}$$



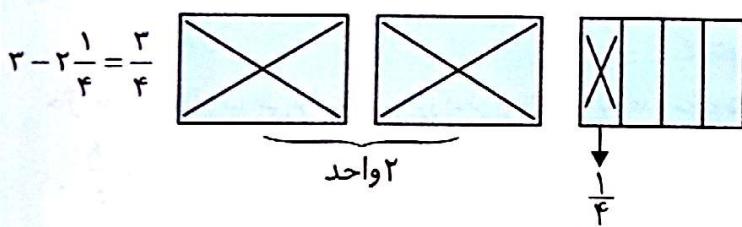
$$\frac{2}{2} - \frac{1}{4} = \frac{2}{4} - \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$



روش سوم: می‌توانیم جمع و تفریق عددهای مخلوط را روی شکل نمایش دهیم.



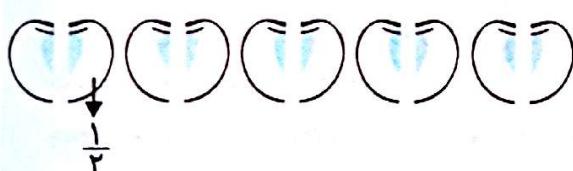
$$\frac{3}{4} + 1\frac{2}{5} = \frac{3}{20}$$



ضرب کسرها:

در ضرب کسرها نیز از چند روش می‌توان استفاده کرد.

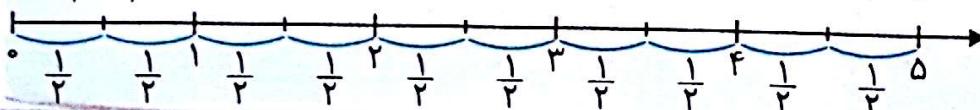
روش اول: از راه شکل. ۱۰ تا نصفه سیب را به چند سیب کامل می‌شود تبدیل کرد؟



$$10 \times \frac{1}{2} = \frac{10}{2} = 5 \quad \text{ده تا } \frac{1}{2} \text{ می‌شود}$$

$$10 \times \frac{1}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

روش دوم: با استفاده از محور اعداد.



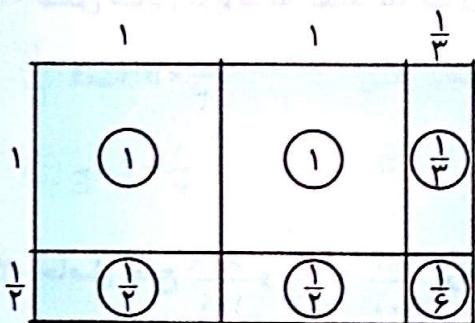
می توانیم ۱۰ تا $\frac{1}{2}$ را با هم جمع کنیم.

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{10}{2} = 5$$

ضرب اعداد مخلوط:

از روش مساحت می توان استفاده کرد به صورتی که هر یک از عوامل ضرب در یک خلخ مستطیل قرار می گیرد و مستطیل رسم می گردد و با استفاده از مساحت اجزاء داخل مستطیل مساحت کل مستطیل و در نتیجه ضرب مخلوط به دست می آید.

$$\frac{2}{3} \times \frac{1}{2}$$



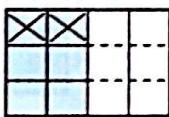
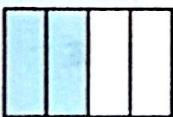
۲

$$1 + 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{6} = \frac{9}{6} = \frac{3}{2}$$

تقسیم کسرها:

در تقسیم کسرها نیز می توان از دو روش استفاده کرد.

روش اول: به کمک شکل می خواهیم کسر $\frac{3}{4}$ را به دست آوریم.
ابتدا کسر $\frac{2}{4}$ را نمایش می دهیم.



قسمت رنگی را به سه قسمت تقسیم می کنیم و یک قسمت آن را دوباره رنگ می کنیم.

در حقیقت می توان گفت که $\frac{1}{3}$ از قسمت رنگی را دوباره رنگ می کنیم، پس دو قسمت ازدوازده قسمت کل شکل رنگ شده است.

روش دوم: بدون شکل

$$\frac{2}{4} \div 3 = \frac{2}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$

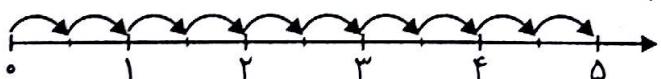
$$\frac{1}{5} \div 3 \Rightarrow \frac{1}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{15}$$

تمرین



الف) درستی یا نادرستی جمله های زیر را مشخص کنید.

- عبارت $\frac{1}{2} \div 5 = 5 \times 2 = 10$ با شکل مقابل برابر است.



- اگر در همه مخرج ها عدد ۳ بگذاریم تساوی کامل می شود.

$$\frac{3}{\square} + \frac{3}{\square} + \frac{3}{\square} + \frac{3}{\square} = 4$$



- هر کسری که از $\frac{1}{2}$ بزرگ تر باشد از $\frac{5}{12}$ هم بزرگ تر است.

Biamoz.com | بیاموز

بزرگترین مرجع آموزشی و نمونه سوالات درسی تمامی مقاطع

شامل انواع | نمونه سوالات | فصل به فصل | پایان ترم | جزوه |
ویدئوهای آموزشی | گام به گام | طرح درس | طرح جابر | و ...

اینستاگرام

گروه تلگرام

کanal تلگرام

برای ورود به هر پایه در سایت ما روی اسم آن کلیک کنید

دبستان

ششم

پنجم

چهارم

سوم

دوم

اول

متوسطه اول

نهم

هشتم

هفتم

متوسطه دوم

دوازدهم

یازدهم

دهم